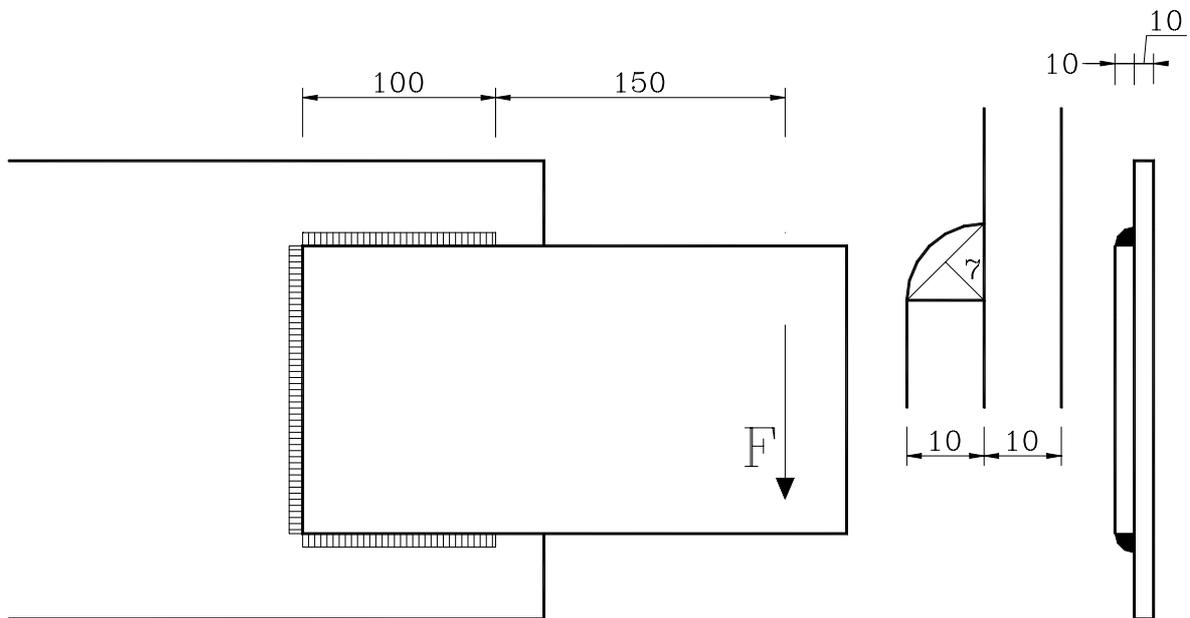


# ESEMPIO 1: metodo dello J polare e metodo delle due forze

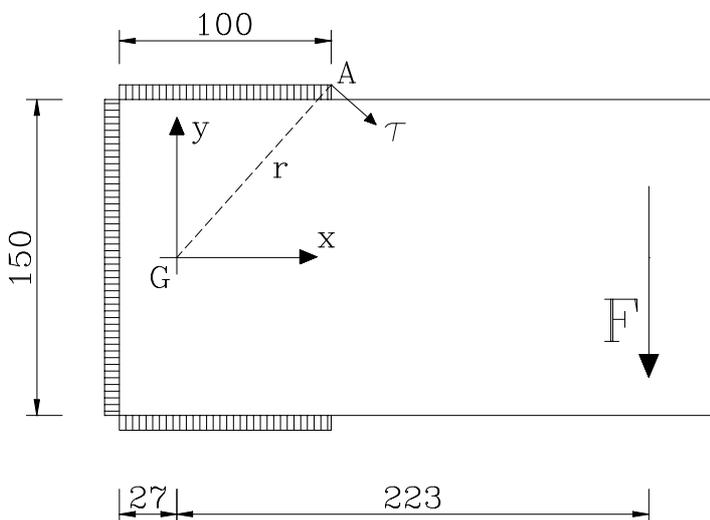
## ESEMPIO 1a

Calcolare il valore ammissibile in esercizio della forza  $F$  per la giunzione in figura, rispettivamente:

1. con il metodo dello J polare e la normativa italiana (CNR 10011/85)
2. con il metodo delle due forze e la normativa italiana (CNR 10011/85)
3. con il metodo delle due forze e dello J polare ma secondo EC3



### 1. Metodo dello $J_p$ e CNR 10011/85



Caratteristiche statiche della saldatura

$$J_x = 10.6 \cdot 10^6 \text{ mm}^4$$

$$J_y = 2.88 \cdot 10^6 \text{ mm}^4$$

$$J_p = J_x + J_y = 13.5 \cdot 10^6 \text{ mm}^4$$

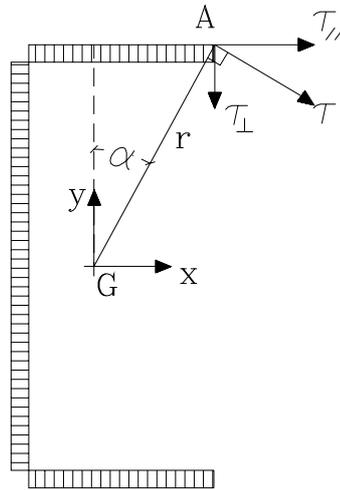
$$A = 2450 \text{ mm}^2$$

Acciaio Fe360 (S235)

Trasportando  $F_{adm}$  nel baricentro G della saldatura, si deve aggiungere il momento torcente

$$T = F_{adm} \cdot 223$$

Per effetto del momento torcente T la tensione in un punto generico del cordone di saldatura è direttamente proporzionale alla distanza r dal baricentro G ed è diretta normalmente al raggio r.



Nel punto più sollecitato (punto A) si ha:

- per effetto del momento torcente

$$\tau_{//} = \frac{T}{J_p} r \cdot \cos \alpha = \frac{T}{J_p} y_A = \left( \frac{F_{adm} \cdot 223}{13.5 \cdot 10^6} \right) \cdot 82 = 1.35 \cdot 10^{-3} F_{adm}$$

$$\tau'_{\perp} = \frac{T}{J_p} r \cdot \sin \alpha = \frac{T}{J_p} x_A = - \left( \frac{F_{adm} \cdot 223}{13.5 \cdot 10^6} \right) \cdot 73 = -1.20 \cdot 10^{-3} F_{adm}$$

- per effetto del taglio

$$\tau''_{\perp} = \frac{F_{adm}}{A} = - \frac{F_{adm}}{2450} = -0.41 \cdot 10^{-3} F_{adm}$$

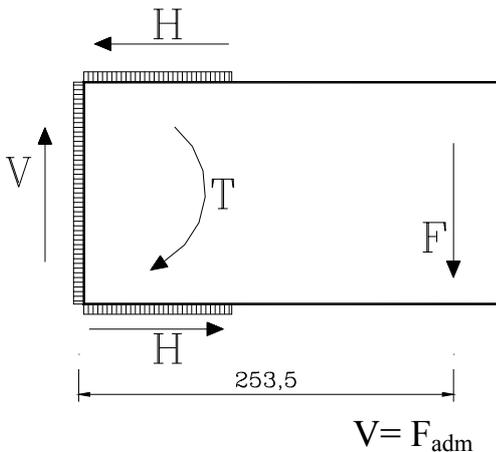
Sovrapponendo gli effetti e verificando secondo il criterio della normativa italiana CNR 10011 (sfera mozza), si ottiene:

$$\tau_{\perp} = \tau'_{\perp} + \tau''_{\perp} = -1.61 \cdot 10^{-3} F_{adm}$$

$$\sqrt{\tau_{\perp}^2 + \tau_{//}^2} \leq 0.85 \sigma_{adm} = 136 \text{ N/mm}^2$$

$$\sqrt{1.61^2 + 1.35^2} \cdot 10^{-3} F_{adm} = 136 \text{ N/mm}^2 \quad \Rightarrow \quad \boxed{F_{adm} = 64.73 \text{ kN}}$$

## 2. Metodo delle due forze e CNR 10011/85



La forza  $F_{adm}$  deve essere trasportata nel baricentro della saldatura verticale.

Momento torcente:  $T = F_{adm} 253.5$

Alla saldatura verticale viene affidata la forza di taglio  $F_{adm}$  e alle saldature orizzontali il momento torcente  $T$ .

Quindi:

$$H = T/157 = 1.61 F_{adm}$$

Nella saldatura verticale abbiamo:

$$\tau_{//}^V = \frac{F_{adm}}{150 \cdot 7} = 0.952 \cdot 10^{-3} F_{adm} \quad \tau_{//}^H = \frac{H}{100 \cdot 7} = 2.30 \cdot 10^{-3} F_{adm}$$

Le due  $\tau$  non vanno composte. La verifica è quindi governata dalla  $\tau_{//}^H$ . Si ha:

$$|\tau_{//}| \leq 0.85 \cdot \sigma_{adm} = 136 \text{ N/mm}^2 \quad \Rightarrow \quad \boxed{F_{adm} = 59.1 \text{ kN}}$$

Il metodo delle due forze risulta quindi più conservativo.

## 3. Calcolo allo stato limite ultimo secondo EC3 [#6.6.5.3]

Supponiamo che la forza  $F$  sia da imputare per il 30% al carico permanente e per il 70% carico variabile.

I coefficienti parziali di sicurezza secondo D.M. 9-1-96 (DAN)

- azioni permanenti  $\gamma_G = 1.40$
- azioni variabili  $\gamma_Q = 1.50$
- saldature d'angolo  $\gamma_{Mw} = 1.35$
  
- azione permanente di progetto  $G_d = \gamma_G 0.3 F_{adm} = 0.42 F_{adm}$
- azione variabile di progetto  $Q_d = \gamma_Q 0.7 F_{adm} = 1.05 F_{adm}$

Le verifiche vanno quindi eseguite per la combinazione di progetto:

$$F_d = G_d + Q_d = 1.44 F_{adm}$$

Resistenza di progetto a taglio della saldatura

$$f_{vw.d} = \frac{f_u / \sqrt{3}}{\beta_w \cdot \gamma_{Mw}} = \frac{360 / \sqrt{3}}{0.8 \cdot 1.35} = 208 \text{ N/mm}^2$$

con:

$f_u=360 \text{ N/mm}^2$	resistenza a rottura del materiale base
$\gamma_{Mw}=1.25$	coeff. parziale di sicurezza dei collegamenti saldati
$\beta_w=0.8$	coefficiente di correlazione funzione del tipo di materiale

Le sollecitazioni di progetto possono essere calcolate con uno dei due metodi precedenti.

#### Metodo dello $J_p$

Nel punto A componendo la  $\tau_{//}$  e la  $\tau_{\perp}$  si ha:

$$\tau_{sd} = \sqrt{\tau_{\perp}^2 + \tau_{//}^2} = \sqrt{1.61^2 + 1.35^2} \cdot 10^{-3} \cdot 1.455 \cdot F_{adm} = 3.06 \cdot 10^{-3} F_{adm}$$

$$\tau_{sd} \leq f_{vw.d} \Rightarrow F_{adm} = 67.98 \text{ kN} \quad (\text{contro } 64 \text{ kN con la CNR 10011/85})$$

#### Metodo delle due forze

$$\tau_{sd} = \tau_{//}^H = 2.3 \cdot 10^{-3} \cdot 1.455 \cdot F_{adm} = 3.347 \cdot 10^{-3} F_{adm} \Rightarrow F_{adm} = 62.15 \text{ kN} \quad (\text{contro } 59 \text{ kN})$$

Le leggere differenze rispetto ai valori ottenuti secondo CNR sono dovute principalmente al fatto che si applicano dei coefficienti diversi per i carichi permanenti e variabili che portano ad avere un coefficiente di sicurezza globale pari a 1.455 invece di 1.5. Usando un coefficiente di sicurezza uniforme pari a 1.5 si avrebbe:

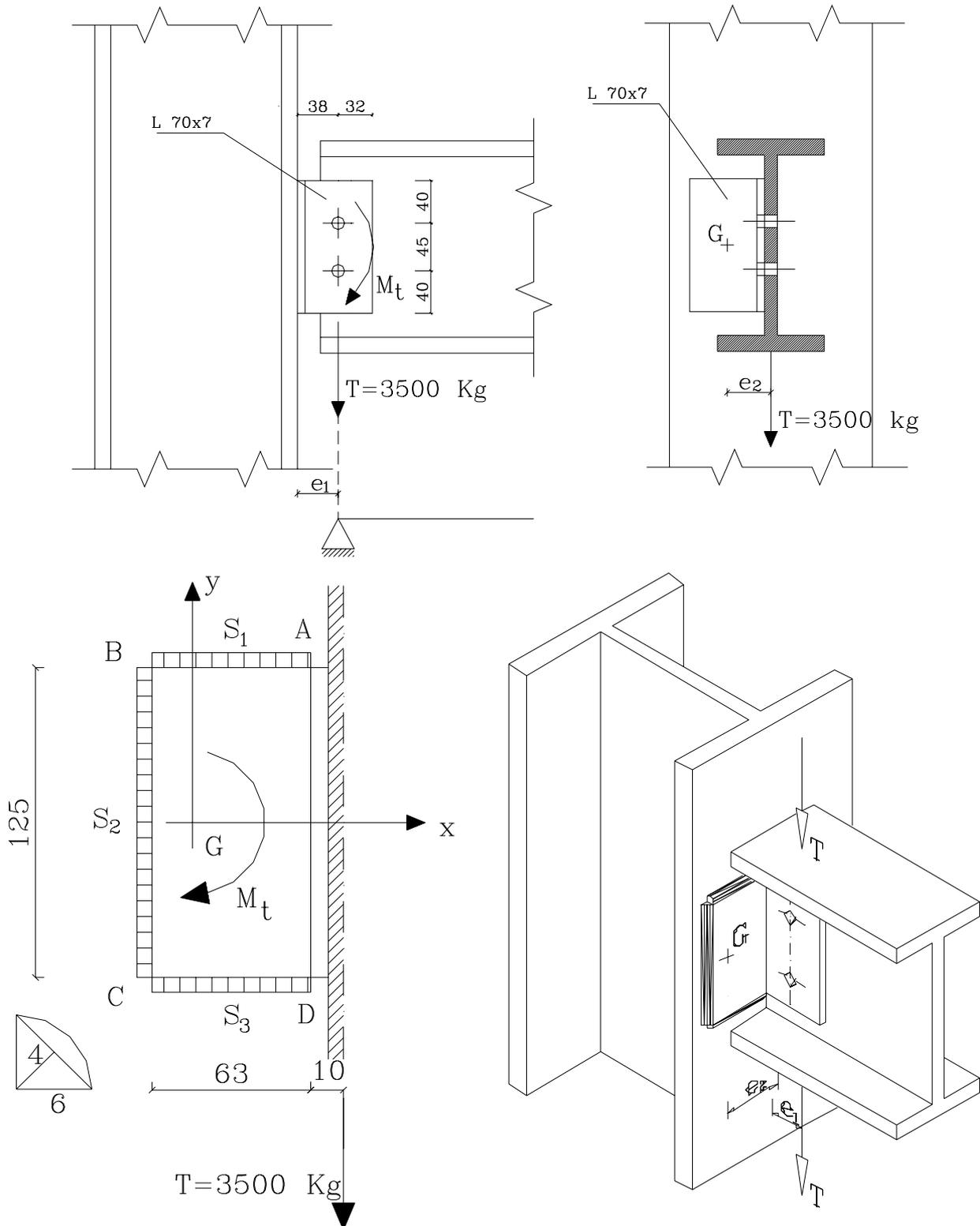
$$F_{adm} = 65.93 \text{ kN} \quad \text{con il metodo dello } J_p$$

$$F_{adm} = 60.28 \text{ kN} \quad \text{con il metodo delle due forze}$$

In pieno accordo con i risultati ottenuti applicando la normativa italiana.

## ESEMPIO 1b

Si vuole verificare la saldatura tra la squadretta e l'ala della colonna del giunto in figura. Si ipotizza che la cerniera sia posta in corrispondenza della bullonatura. La saldatura è soggetta a taglio, momento flettente e momento torcente per l'eccentricità  $e_1$  (lungo l'asse della trave) ed  $e_2$  (nel piano dell'ala della colonna) della reazione rispetto al baricentro G della saldatura (v. figura seguente).



Materiale: Fe360  $\sigma_{adm}=160 \text{ N/mm}^2$

Posizione del baricentro G delle saldature

$$x_G = \frac{2 \cdot 63^2 / 2 \cdot 4}{(2 \cdot 63 + 125) \cdot 4} \approx 16 \text{ mm}$$

Azioni sollecitanti di esercizio (trasportando il taglio nel baricentro G delle saldature):

$$T=35 \text{ kN}$$

$$M_t=T e_2= T (63+10-16)=1.995 \text{ kNm} \quad \text{momento torcente}$$

$$M_f=T e_1=T 38=1.33 \text{ kNm} \quad \text{momento flettente}$$

### Calcolo delle tensioni: I soluzione

Il taglio viene distribuito uniformemente, l'effetto del momento torcente viene studiato con il metodo dello J polare, mentre per quanto riguarda l'effetto del momento flettente l'insieme dei tre cordoni viene pensato come una sezione a C interamente reagente.

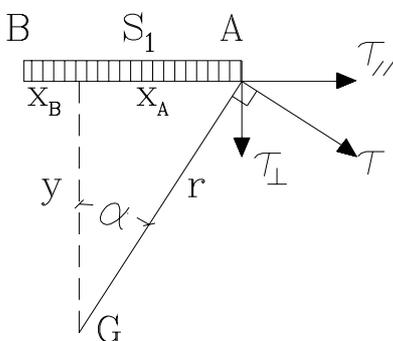
Taglio:

$$\tau = \frac{35}{(2 \cdot 63 + 125) \cdot 4} = 34.8 \text{ N/mm}^2$$

$$S_1, S_3 \quad \tau_{\perp} = -34.8 \text{ N/mm}^2$$

$$S_2 \quad \tau_{\parallel} = -34.8 \text{ N/mm}^2$$

Momento torcente: si utilizza il metodo dello J polare



$$\tau = \frac{M_t r}{J_p} \quad \text{con} \quad J_p = J_x + J_y = 3.064 \cdot 10^6 \text{ mm}^4$$

$$J_x = 2 \cdot 6.3 \cdot 0.4 \cdot \frac{12.5^2}{2} + \frac{0.4 \cdot 12.5^3}{12} = 2.619 \cdot 10^6 \text{ mm}^4$$

$$J_y = 2 \left[ 4 \frac{63^3}{12} + 4 \left( \frac{63}{2} - 16 \right)^2 63 + 4 \cdot 125 \cdot 17.7^2 \right] = 4.45 \cdot 10^6 \text{ mm}^4$$

- saldatura S1:

$$\tau_{\parallel}^A = \tau_{\parallel}^B = \tau \cdot \cos \alpha = M_t \frac{r \cdot \cos \alpha}{J_p} = M_t \frac{y_A}{J_p} = 40.7 \text{ N/mm}^2$$

$$\tau_{\perp}^A = \tau \cdot \sin \alpha = M_t \frac{r \cdot \sin \alpha}{J_p} = M_t \frac{x_A}{J_p} = -30.6 \text{ N/mm}^2$$

$$\tau_{\perp}^B = M_t \frac{x_B}{J_p} = 10.4 \text{ N/mm}^2$$

- saldatura S<sub>3</sub>:

$$\tau_{//}^C = \tau_{//}^D = -40.7 \text{ N/mm}^2 \quad \tau_{\perp}^C = -10.4 \text{ N/mm}^2$$

$$\tau_{\perp}^D = 30.6 \text{ N/mm}^2$$

- saldatura S<sub>2</sub>:

$$\tau_{//}^C = \tau_{//}^B = 11.7 \text{ N/mm}^2 \quad \tau_{\perp}^B = 40.7 \text{ N/mm}^2$$

$$\tau_{\perp}^C = -40.7 \text{ N/mm}^2$$

Momento flettente:

$$\sigma_{\perp}^A = \sigma_{\perp}^B = M_f \frac{y_A}{J_x} = 1.33 \frac{62.5}{2.619 \cdot 10^6} = 31.74 \text{ N/mm}^2$$

$$\sigma_{\perp}^C = \sigma_{\perp}^D = M_f \frac{y_C}{J_x} = 1.33 \frac{-62.5}{2.619 \cdot 10^6} = -31.74 \text{ N/mm}^2$$

*Verifiche*

- Secondo CNR 10011/85 [#5.1.2]:

Il punto più sollecitato è A.

$$\tau_{//} = \tau_{//}^{M_t} = 40.7 \text{ N/mm}^2$$

$$\tau_{\perp} = \tau_{\perp}^{M_t} + \tau_{\perp}^T = -30.6 - 34.8 = -65.4 \text{ N/mm}^2$$

$$\sigma_{\perp}^{M_f} = 31.7 \text{ N/mm}^2$$

$$(1) \quad \sigma_{id} = \sqrt{\tau_{\perp}^2 + \tau_{//}^2 + \sigma_{\perp}^2} = 83.3 \leq 0.85 \sigma_{adm} = 0.85 \cdot 160 = 136 \text{ N/mm}^2$$

$$(2) \quad |\tau_{\perp}| + |\sigma_{\perp}| = 97.1 \leq \sigma_{adm} = 160 \text{ N/mm}^2$$

La verifica è soddisfatta con un margine di sicurezza del 38.7%.

- Secondo EC3 [# 6.6.5.3]:

Se si seguono le indicazioni dell'EC3, sarà sufficiente confrontare la tensione sollecitante risultante  $\sigma_{id,sd}$  con il valore della resistenza di progetto a taglio della saldatura.

Adottando per lo stato limite ultimo un coefficiente moltiplicativo dei carichi pari a 1.5, si ottiene:

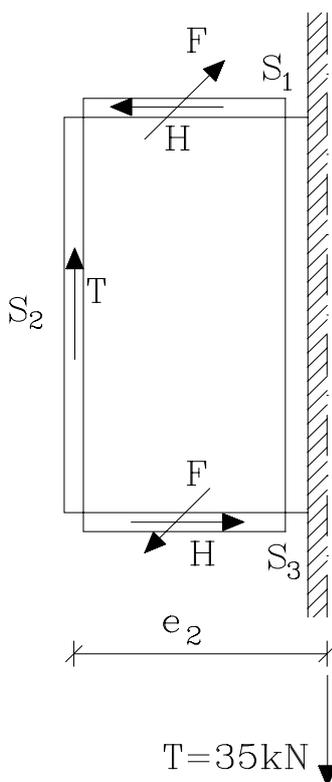
$$\sigma_{id,sd} = 1.5 \sigma_{id} = 125 \text{ N/mm}^2$$

$$\sigma_{id,sd} < f_{vw,d} = \frac{f_u / \sqrt{3}}{\beta_w \cdot \gamma_{Mw}} = \frac{360 / \sqrt{3}}{0.8 \cdot 1.25} = 208 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

La verifica è soddisfatta con un margine di sicurezza del 39.9%, in pieno accordo con la verifica eseguita secondo la CNR 10011/85.

### Calcolo delle tensioni: II soluzione

Una soluzione più semplice per il calcolo delle tensioni prevede di affidare il taglio al cordone verticale  $S_2$ , mentre il momento torcente e il momento flettente vengono affidati ai soli cordoni orizzontali  $S_1$  e  $S_3$ .



Trasportando il taglio nel baricentro del cordone verticale  $S_2$  si ottiene:

$$M_t = T e_2 = T 75 = 2.625 \text{ kNm} \quad \text{momento torcente}$$

$$M_f = T e_1 = T 38 = 1.33 \text{ kNm} \quad \text{momento flettente}$$

$$H = M_t / z = 20.35 \text{ kN}$$

$$F = M_f / z = 10.31 \text{ kN}$$

essendo  $z = 129 \text{ mm}$  il braccio della coppia interna

Nel cordone verticale si ha la seguente tensione:

$$\tau_{//}^{S_2} = \frac{T}{A_{S_2}} = \frac{35\text{kN}}{125 \cdot 4\text{mm}^2} = 70 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

mentre nei cordoni orizzontali si ha:

$$\tau_{//}^{S_1} = \tau_{//}^{S_3} = \frac{H}{A_{S_1}} = 80.75 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$\sigma_{\perp}^{S_1} = \sigma_{\perp}^{S_3} = \frac{F}{A_{S_1}} = 40.91 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

La tensione risultante è pari a:

$$(1) \quad \sigma_{id} = \sqrt{\tau_{//}^2 + \sigma_{\perp}^2} = 90.52 \leq 0.85\sigma_{adm} = 0.85 \cdot 160 = 136 \text{ N/mm}^2$$

La verifica, eseguita seguendo il criterio della sfera mozza (CNR 10011/85), è soddisfatta con un margine del 33.5% contro un margine del 38.7% della I soluzione.